


4

شهر 1 - 11

	TANTA UNIVERSITY FACULTY OF SCIENCE DEPARTMENT OF MATHEMATICS	
	EXAMINATION FOR (FOURTH YEAR) STUDENTS OF MATHEMATICAL STATISTICS	
COURSE TITLE: STATISTICAL INFERENCE (2)	COURSE CODE: ST4105	
DATE: 11-1-2015	TOTAL ASSESSMENT MARKS: 150	TIME ALLOWED: 2 HOURS

**Answer the Following Questions:**

**QUESTION 1:**

- a) State and prove factorization theorem.
- b) Find the p.d.f. of maximum and minimum of a random sample of size  $m$  from a population with p.d.f.  $g(x)$  and c.d.f.  $G(x)$ .

**QUESTION 2:**

- a) Explain in-detail the test of equality of several means.
- b) Show that if  $X_1, X_2, \dots, X_n$  are independent random variables each an exponential distribution with parameter  $\alpha_i, i = 1, 2, \dots, n$ , then  $K$  has exponential distribution with parameter  $\alpha_1 + \alpha_2 + \dots + \alpha_n$ , where  $K = \min(x_1, x_2, \dots, x_n)$ .

**QUESTION 3:**

- a) Let  $X_1, X_2, \dots, X_m$  be a random sample from a distribution that is  $N(\theta, 1)$ , where the mean  $\theta$  is unknown. Is there exist a uniformly most powerful test of  $H_0 : \theta = \theta'$  against  $H_1 : \theta \neq \theta'$ .
- b) Let  $X$  be a random variable has the following p.m.f.

$$f(x; \lambda) = \begin{cases} \lambda^x (1 - \lambda)^{1-x}, & x = 0, 1 \\ 0, & \text{otherwise.} \end{cases}$$

Test  $H_0 : \lambda = \frac{1}{3}$  against  $H_1 : \lambda = \frac{2}{3}$ .

EXAMINERS	DR. HALA FERGANY	DR. AHMED M. ABD EL-BAR
-----------	------------------	-------------------------

*With best wishes*



step 1



4<sup>th</sup> year (Statistics Program)

Reliability Theory

Code: ST4103

Time: 2 hours

January 2015

**Answer the following questions:**

1- (a) Consider an unit with reliability  $R(t) = \exp[-(5t + 8t^2)]$ ,  $t > 0$

Find  $F(t)$ ,  $f(t)$  and  $\lambda(t)$

(b) Consider an unit with failure rate  $\lambda(t) = at$ ,  $t > 0$ , with median time 3 hours, find the constant  $a$  and the reliability function at time  $t = 6$  hours.

(c) Parallel system has two identical components with pdf:

$$f(t) = (at) \exp[-(at^2/2)], \quad t > 0, \quad a > 0$$

Find  $R_p(t)$  and  $(MTTF)_p$  of parallel system at  $t = 1000$  hr. and  $\lambda = 0.006$  1/hr.

2- (a) Find  $R_{k/n}(t)$  and  $(MTTF)_{k/n}$  of  $k$ -out-of- $n$ :G system.

Where the reliability of each unit is:  $R(t) = \exp[-t\lambda]$


(b) 30 light bulbs were tested and the failures in 600 hours intervals are

Time intervals (hours)	$0 < t \leq 600$	$600 < t \leq 1200$	$1200 < t \leq 1800$	$1800 < t \leq 2400$	$t > 2400$
Failure in the intervals	14	8	5	3	0

Find the computation of  $F(t)$ ,  $R(t)$ ,  $\lambda(t)$  and  $f(t)$  measures for the light bulb test dat

(c) Find the reliability function and MTTF of system that consists of two units, one of them operating with failure rate  $\lambda_1$  and the second in standby with failure rate  $\lambda_2$ , assumed the switch is perfect.



	جامعة طنطا كلية العلوم قسم الرياضيات		
	امتحان الطلاب المستجدين - الفرقة الرابعة - شعبة الإحصاء		
	اسم المقرر: نظرية التقدير	كود المقرر: ST4107	
زمن الامتحان: ساعتان	الدرجة الكلية للامتحان: ١٠٠	الفصل الدراسي: الأول	التاريخ: ديسمبر ٢٠١٤

### أجب عن الأسئلة الآتية

#### السؤال الأول:

١. اثبت أنه إذا كان هناك مقدر غير متحيز بأقل تباين MVUE فإنه يكون وحيدا Unique.
٢. استنتج فترة الثقة للفرق بين نسبتى مجتمعين في حالة العينات الكبيرة.

#### السؤال الثاني:

١. إذا كانت  $\underline{X} = (X_1, X_2, \dots, X_n)$  عينة عشوائية مختارة من مجتمع يتبع توزيع  $N(0, \theta)$  فأوجد الحد الأدنى لتباين المقدر الغير متحيز للمعلمة  $\theta$ . هل يوجد مقدر غير متحيز بأقل تباين للمعلمة  $\theta$ ؟
٢. إذا كان لدينا عينة عشوائية مختارة من مجتمع يتبع توزيع بواسون ببارامتر  $\lambda$  و كان  $T_1 = \bar{X}$ ,  $T_2 = 2X_1$  هما مقدران للمعلمة  $\lambda$  فكارن بين  $MSE(T_1), MSE(T_2)$ .

#### السؤال الثالث:

١. إذا كانت  $\underline{X} = (X_1, X_2, \dots, X_n)$  عينة عشوائية مختارة من مجتمع يتبع توزيع  $\text{Gamma}(\alpha, \beta)$  فاستخدم طريقة العزوم لإيجاد مقدرات بنقطة للمعالم  $(\alpha, \beta)$ .
٢. إذا كان لدينا عينة عشوائية من مجتمع يتبع توزيع منتظم على الفترة  $(0, \theta)$  فاثبت أن  $U = \max(X_i)$  هو تقدير متنسق للمعلمة  $\theta$ .

الممتحنون:	د/ هالة على فرجاني	د/ نعمة صلاح يوسف
------------	--------------------	-------------------

مع تمنياتي للجميع بالنجاح والتوفيق



٤ نسخ . صم الرياضيات - الاحصاء - الكيمياء  
+ الجودة

الفصل الدراسي الاول  
الماده : احصاء لامعلمي  
الزمن : ساعتان  
الشعبه : احصاء  
درجه الاختبار : 150

جامعه طنطا  
كلية العلوم  
قسم الرياضيات  
المستوى الرابع  
العام الجامعي 2014 - 2015 م

اختبار نهائي

ST 4101

**Answer the following questions:** (50 degrees for each question)

- 1) a- Answer by using  $\sqrt$  or  $\times$
- confidence interval for  $X_q$  of population satisfies :  
 $p(Y_s < X_q < Y_r) < 1 - \alpha$ , where  $Y_s, Y_r$  are two order statistics,  $s < r$ , and  $\alpha$  is level of significance
  - The sum of positive signs is statistic of signed rank test
  - If  $H_0$  is true, then statistic of sign test follows Binomial distribution with  $q = 0.5$
  - In some tests, level of significance is less than zero
  - Order statistic  $Y_4$  is an estimator for  $X_{0.25}$ , where size of random sample is 15
- b)- Explain in-detail Kolmogorov-Smirnov test
- c)- If  $Y_1, Y_2, \dots, Y_8$  is order random sample from continuous distribution. Find j-i which made the interval  $(Y_i, Y_j)$  contains 50% from items of distribution, where coefficient of tolerance = 0.95

- 2) a- Find the confidence interval for median of population ( $\gamma$ ). If the size of random sample is 10 and  $\alpha = 0.03$
- b- Obtain the distribution of statistic (W) of Wilcoxon test

- 3) Two random samples, from two different populations, values of the first are: 68 79 87 80 72 90 75 67 23 65 90 88 51 57 48 45 69, values of the second are: 63 72 85 83 68 87 72 70 21 67 85 84 53 52 48 43 69. Test  $H_0: \gamma_1 = \gamma_2$  against  $H_1: \gamma_1 \neq \gamma_2$  use  $\alpha = 0.05$  by using two procedures, where  $\gamma_1, \gamma_2$  are medians of first and second populations respectively.

$Z_{0.95} = 1.645$ ,  $Z_{0.9} = 1.282$ ,  $Z_{0.975} = 1.96$

المصحح / د. عبد المنعم أبو الربيع

